

IFT339

Structures de données

Thème 8 : Conteneurs linéaires non contigus

Aïda Ouangraoua

Département d'informatique



UNIVERSITÉ DE
SHERBROOKE

Liste, Pile, File

- Éléments non contigus en mémoire
- Liste : ajout, suppression partout en $O(1)$ (si une référence est donnée)
 - Pas besoin de recopie ou décalage des éléments
- Pile: ajout, suppression au début en $O(1)$
 - Accès seulement au début
- File: ajout au début et suppression à la fin en $O(1)$
 - Accès seulement aux extrémités
- Occupe exactement la mémoire que réellement utilisée

Liste (List)

- ❑ Ajout, suppression partout en $O(1)$ (si une référence est donnée)
- ❑ Accès à tous les éléments en utilisant un itérateur
- ❑ Accès par position en $O(n)$ (contrairement à $O(1)$ pour vector et deque)

List : Prototypes des opérateurs

❑ Constructeurs

`list : ∅ → list& // par défaut`

`list : size_t → list & // avec paramètre (taille)`

`list : list& → list& // par copie`

❑ Destructeur

`~list : ∅ → ∅ // fait appel à la fonction clear()`

❑ Affectateur

`operator= : list& → ∅ // copie le paramètre dans l'objet appelant`

List : Prototypes des opérateurs

□ Modificateurs

swap : list& → ∅ // échange le paramètre avec l'objet appelant
push_front : type& → ∅ // ajoute un élément du <type> à la fin
pop_front : ∅ → ∅ // retire le dernier élément
push_back : type& → ∅ // ajoute un élément du <type> à la fin
pop_back : ∅ → ∅ // retire le dernier élément
insert : cell*, type& → ∅ //ajoute un élément à une position (iterator)
erase : cell*, type& → ∅ //retire un élément à une position (iterator)
remove : type& → ∅ //retire toute les occurrences d'un élément
merge : list& → ∅ // ajoute une liste à la fin
sort : ∅ → ∅ // trie les éléments de la liste

List : Prototypes des opérateurs

□ Accès

```
operator[] : size_t → type& // accès par position  
at : size_t → type& // accès par position en vérifiant la dimension  
front : ∅ → type& // accès au premier élément  
back : ∅ → type& // accès au dernier élément
```

Spécifications : Prototypes des opérateurs

❑ Gestion dimension

```
resize : size_t → ∅ // change la dimension
size : ∅ → size_t // retourne la dimension
empty : ∅ → bool // True si la dimension est 0, False sinon
clear : ∅ → ∅ // libère toute la mémoire allouée dynamiquement
```

Spécifications : Sémantique des opérateurs (axiomes)

❑ Constructeurs

`list().empty() == Vrai // par défaut`

`list(n).size() == n // avec paramètre (taille)`

`list(l).size() == l.size()`

et pour tout i , $0 \leq i < l.size()$, `list(l)[i] == l[i] // par copie`

❑ Affectateur

`l2 = l ~ l2.operator=(l) ; l2.size() == l.size()`

et pour tout i , $0 \leq i < l.size()$, `l2[i] == l[i] // affectateur`

Spécifications : Sémantique des opérateurs (axiomes)

□ Modificateurs

$l11 = l1; l22 = l2; l1.swap(l2); l1 == l22$ et $l2 == l11$ // échange

$l.push_back(x)__.back() == x$ // ajoute un élément à la fin

$l.push_back(x)__.pop_back()__ = l$ // retire le dernier élément

$l.push_front(x)__.front() == x$ // ajoute un élément au début

$l.push_front(x)__.pop_front()__ = l$ // retire le premier élément

$it = \&(l[i]);$

$l2 = l.insert(it,x)__ \rightarrow$ pour tout $j, 0 \leq j < i, l2[j] == l[j]$; $l2[i] = x$;

et pour tout $j, i \leq j < l.size(), l2[j+1] == l[j]$ //ajoute à une position

$l2 = l.erase(it)__ \rightarrow$ pour tout $j, 0 \leq j < i, l2[j] == l[j]$;

et pour tout $j, i+1 \leq j < l.size(), l2[j-1] == l[j]$ //retire à une position

$l3 = l.merge(l2)__ \rightarrow$ pour tout $i, 0 \leq i < l.size(), l3[i] == l[i]$; et

pour tout $i, 0 \leq i < l2.size(), l3[i+l.size()] == l2[i]$ //ajoute une liste à la fin

Spécifications : Sémantique des opérateurs (axiomes)

□ Accès

$l.operator[](i) \sim l[i] ==$ élément à la position i // accès par position

$l.at(i) ==$ élément à la position i si $i < l.size()$ // accès par position en vérifiant la dimension

$l.back() == l[l.size()-1]$ // accès au dernier élément

$l.front() == l[0]$ // accès au premier élément

Spécifications : Sémantique des opérateurs (axiomes)

□ Gestion dimension

`l.resize(n)__.size() == n` // change la dimension

`l.push_back(x)__.size() == l.size() + 1`

`l.pop_back()__.size() == l.size() - 1` si `l.size() > 0`

`l.push_front(x)__.size() == l.size() + 1`

`l.pop_front()__.size() == l.size() - 1` si `l.size() > 0`

`l.insert(it,x)__.size() == l.size() + 1`

`l.erase(it)__.size() == l.size() - 1`

`l.merge(l2)__.size() == l.size() + l2.size()`

`l.empty() = True` si et seulement si `l.size() == 0`

`l.clear()__ == list()` // libère la mémoire allouée dynamiquement

```

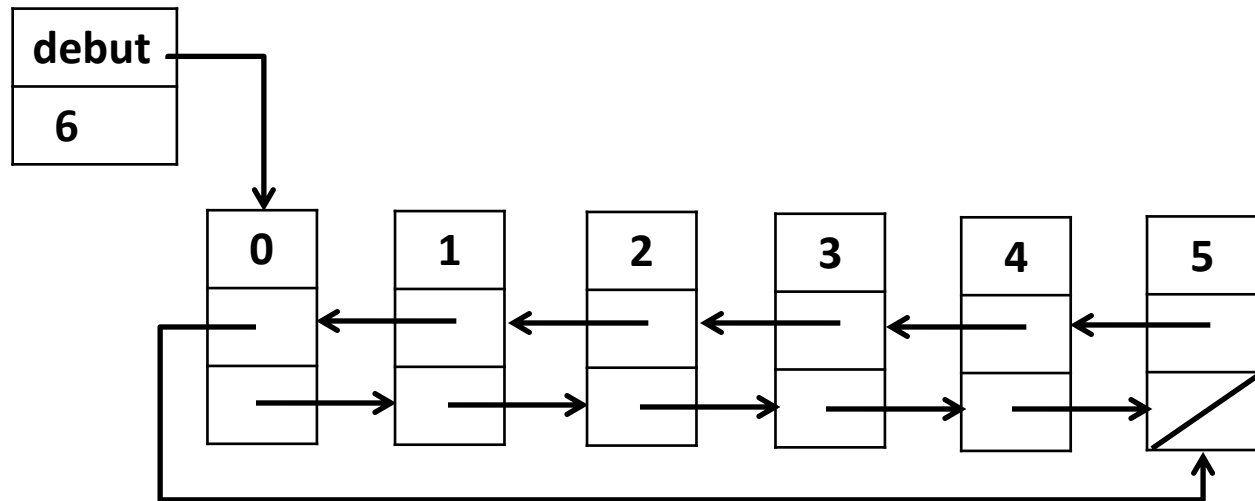
#ifndef _list_h
#define _list_h

template <typename
TYPE>
class cell{
private:
    type val;
    cell* prec, suiv;
public:
    cell(type&);
}

template <typename
TYPE>
class list{
private:
    cell *debut;
    size_t dim;
public:
    ...
}
#endif

```

Représentation



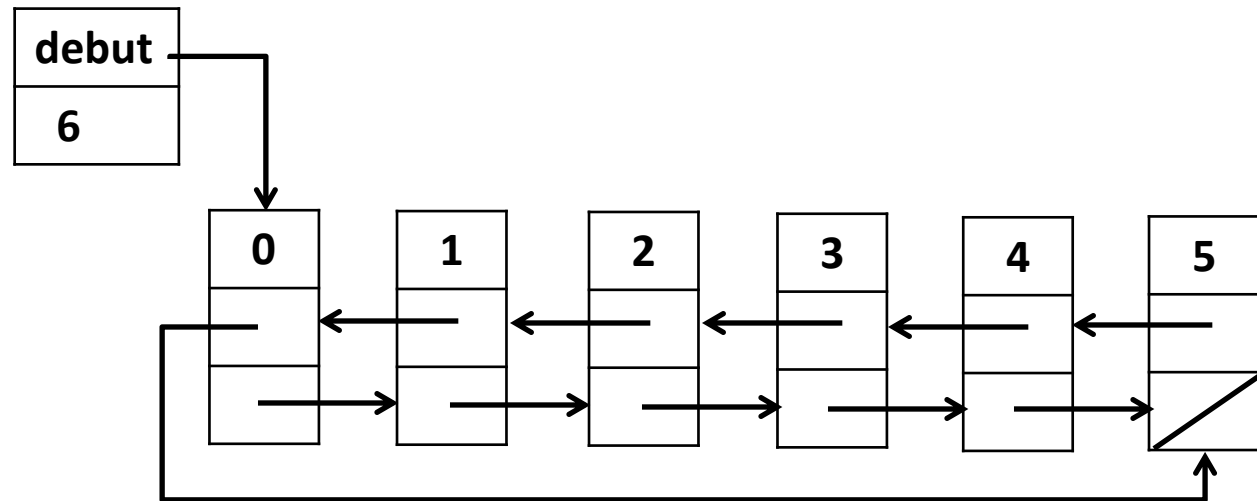
```
#ifndef _list_h
#define _list_h
```

```
template <typename
TYPE>
class cell{
private:
    type val;
    cell* prec, suiv;
public:
    cell(type&);
}
```

```
template <typename
TYPE>
```

```
class list{
private:
    cell *debut;
    size_t dim;
public:
    class iterator;
    class reverse_iterator;
    iterator begin();
    iterator end();
    reverse_iterator
rbegin();
    reverse_iterator rend();
```

Représentation



❑ Itérateur

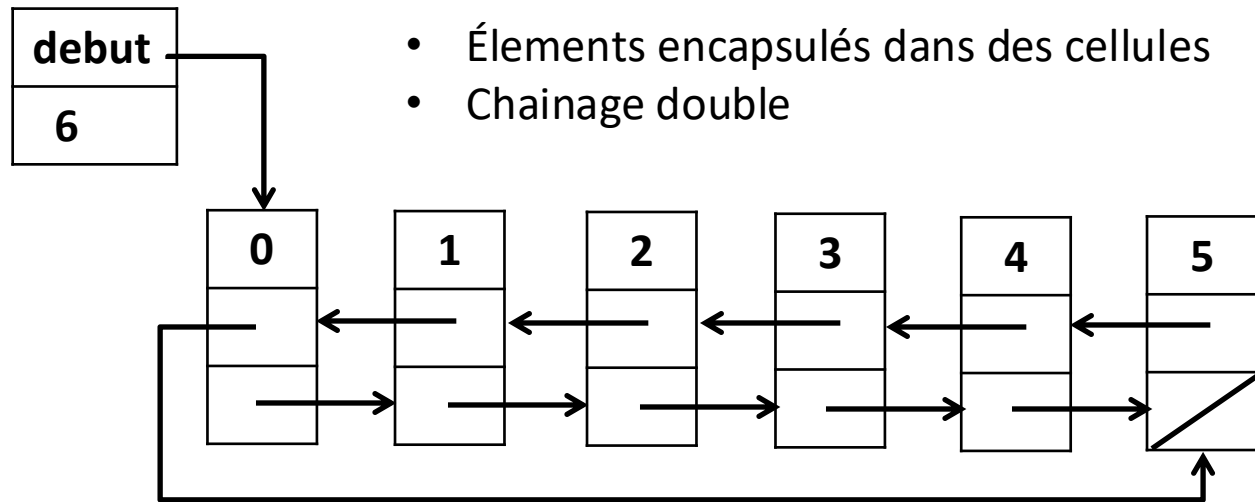
- Appliquer le même traitement en séquence à plusieurs éléments
- Besoin d'une position de début (begin), une position de fin (end), un opérateur d'incréméntation (++), et de décrémentation (--)
- La fin est après le dernier élément
- La liste est vide si begin == end
- Classe iterator
 - définie dans la portée de la classe (pour avoir accès aux détails d'implémentation de la classe)
 - Représente une position dans le conteneur
 - Abstraction indépendante du type de conteneur

```
#ifndef _list_h
#define _list_h
```

```
template <typename
TYPE>
class cell{
private:
    type val;
    cell* prec, suiv;
public:
    cell(type&);
}
```

```
template <typename
TYPE>
class list{
private:
    cell *debut;
    size_t dim;
public:
    class iterator;
    class reverse_iterator;
    iterator begin();
    iterator end();
    reverse_iterator
rbegin();
    reverse_iterator rend();
```

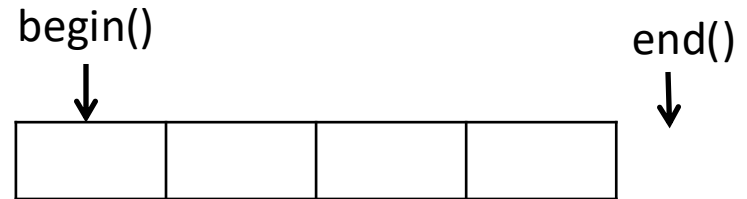
Représentation



- Éléments encapsulés dans des cellules
- Chainage double

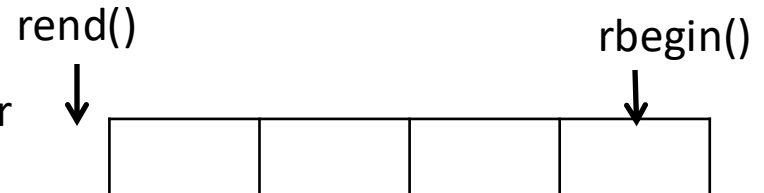
□ Différents types d'itérateur

- iterator



- const_iterator

- reverse_iterator



- const_reverse_iterator

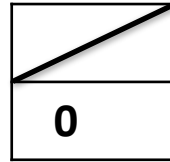
Algorithmes

❑ Constructeurs

```
list::list(){  
    debut= nullptr;  
    dim = 0;  
}
```

```
list::list(size_t n):list(){  
    for(int i = 0; i < n; i++)  
        push_back(type());  
}
```

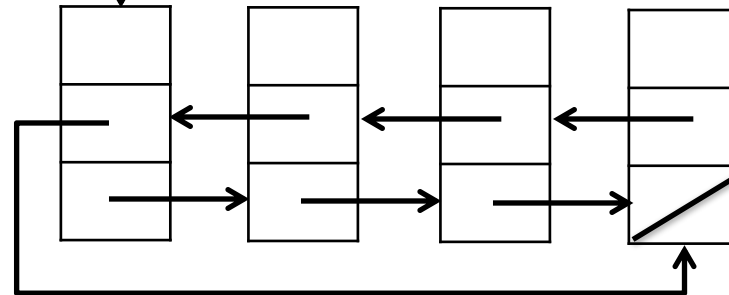
```
list::list(list& l) {  
    *this = l;  
}
```



list()



list(4)



Algorithmes

❑ Destructeur

```
list::~~list(){  
    clear();  
}
```

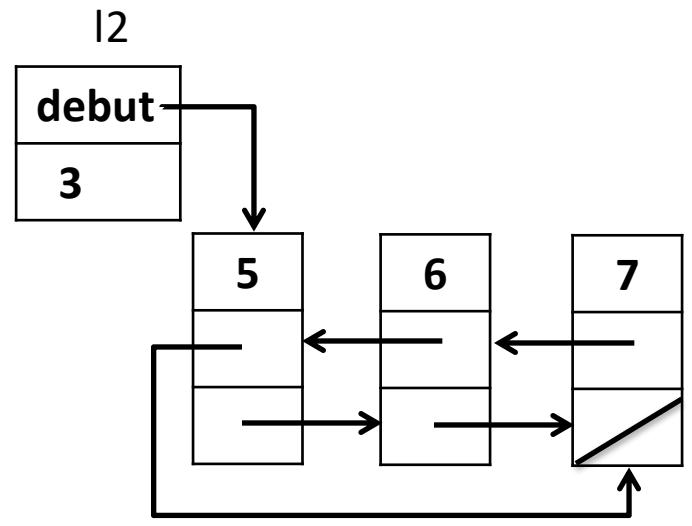
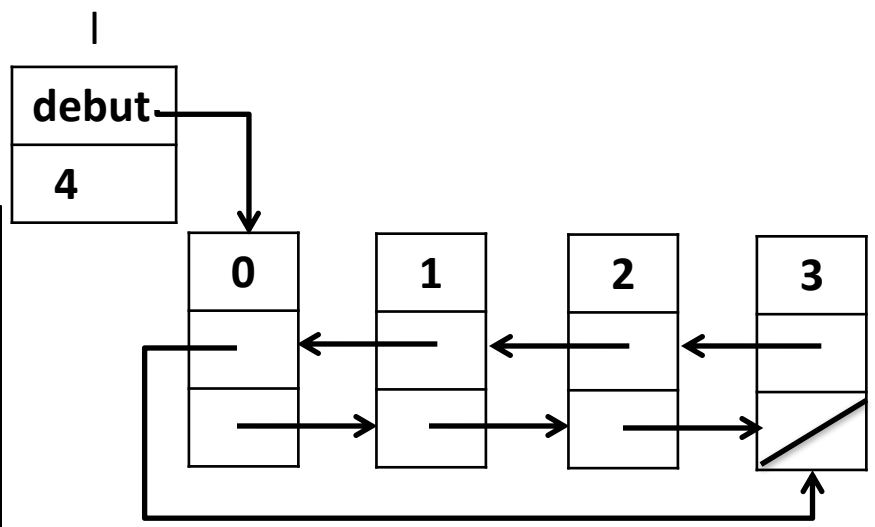
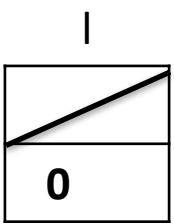
```
list::clear(){  
    while (dim !=0)  
        pop_back()}
```


Algorithmes

❑ Affectateur

```
void list::operator=(list& l){  
  clear();  
  cell* c = l.debut;  
  while (c != nullptr):  
    push_back(c -> val);  
    c = c -> suiv;  
}
```

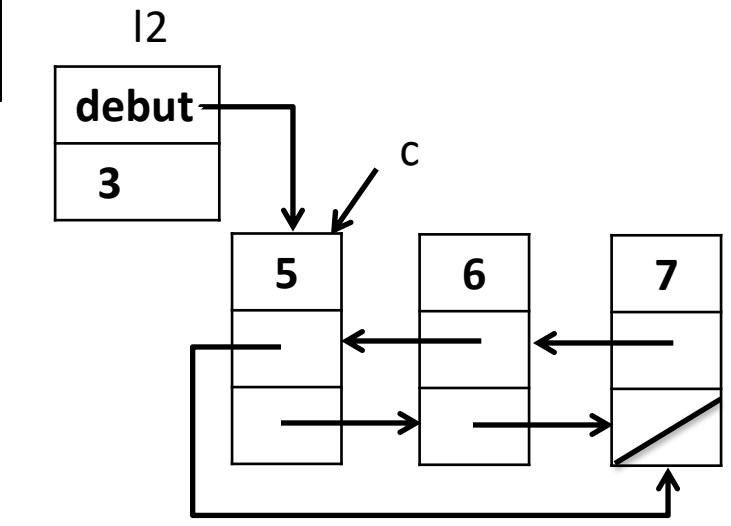
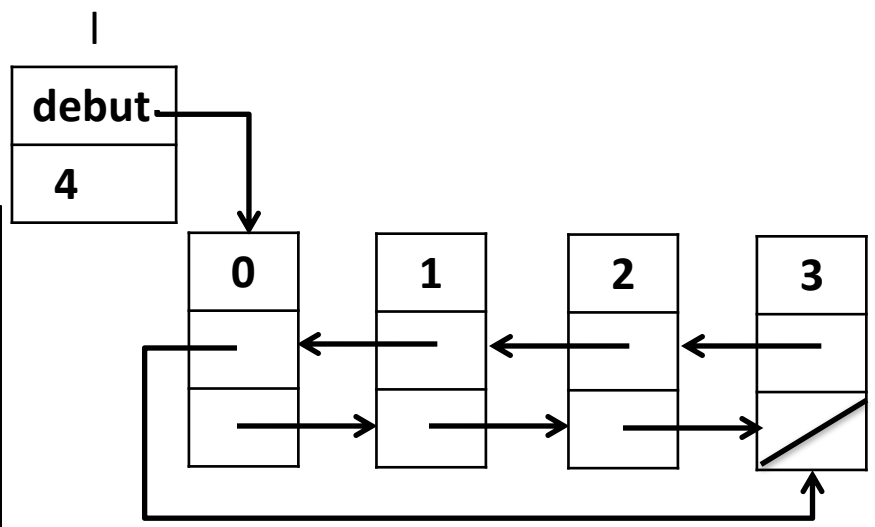
l = l2;



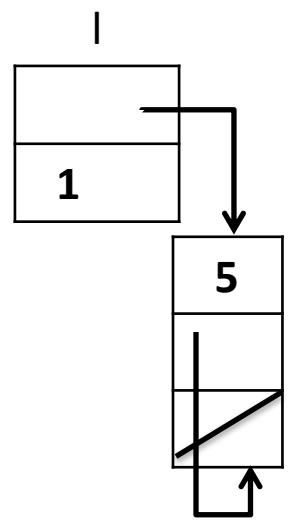
Algorithmes

❑ Affectateur

```
void list::operator=(list& l){  
  clear();  
  cell* c = l.debut;  
  while (c != nullptr):  
    push_back(c -> val);  
    c = c -> suiv;  
}
```



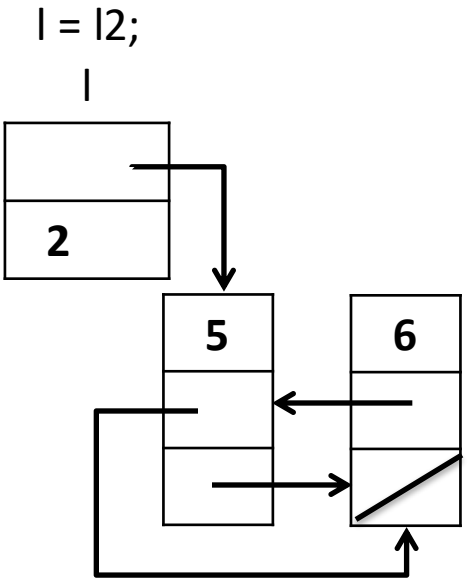
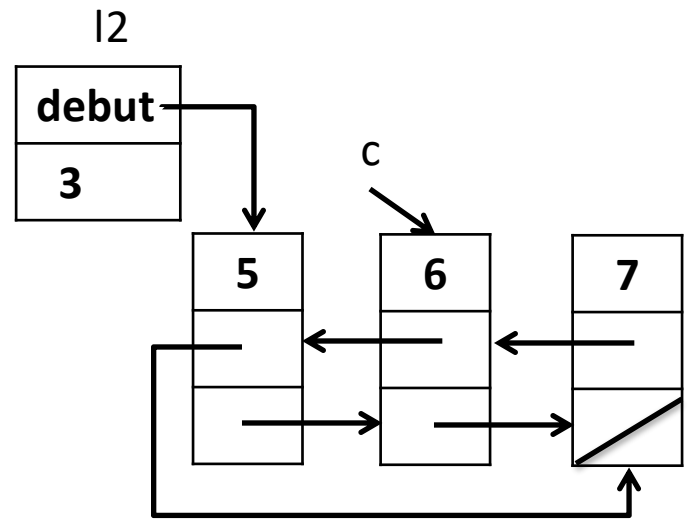
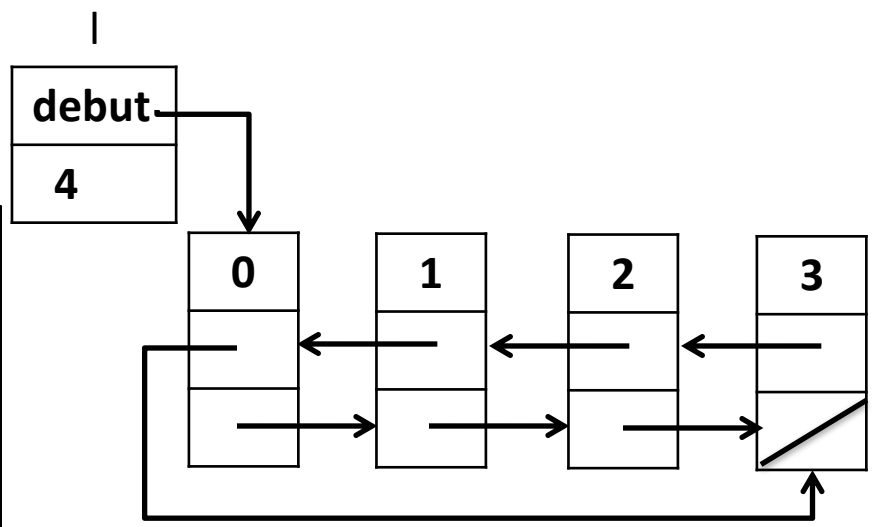
l = l2;



Algorithmes

❑ Affectateur

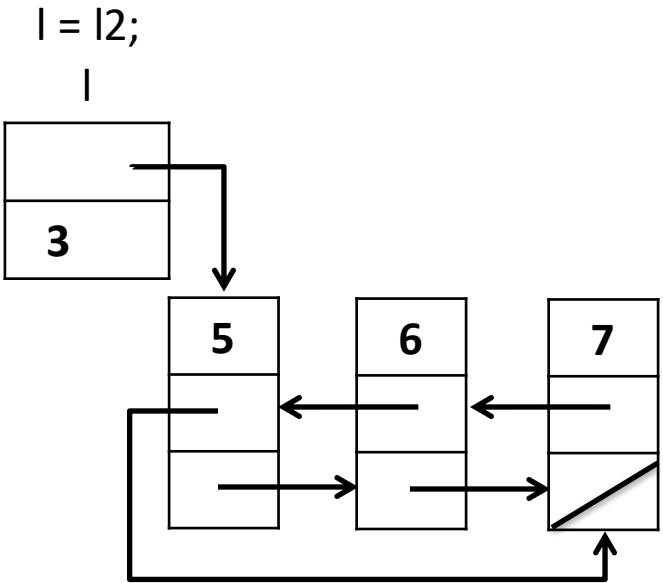
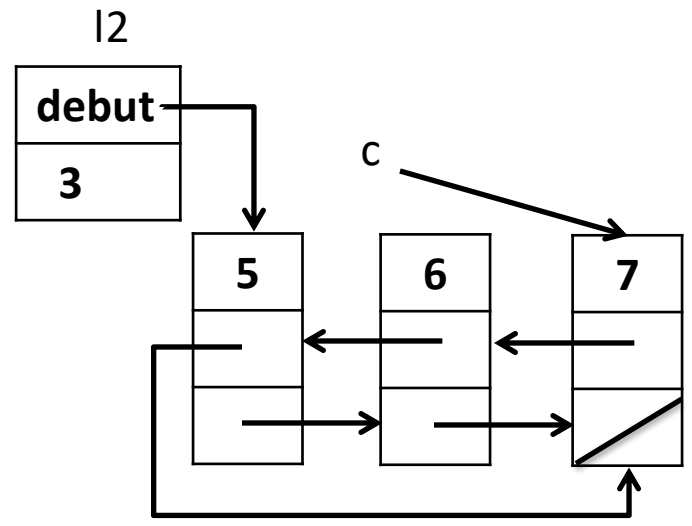
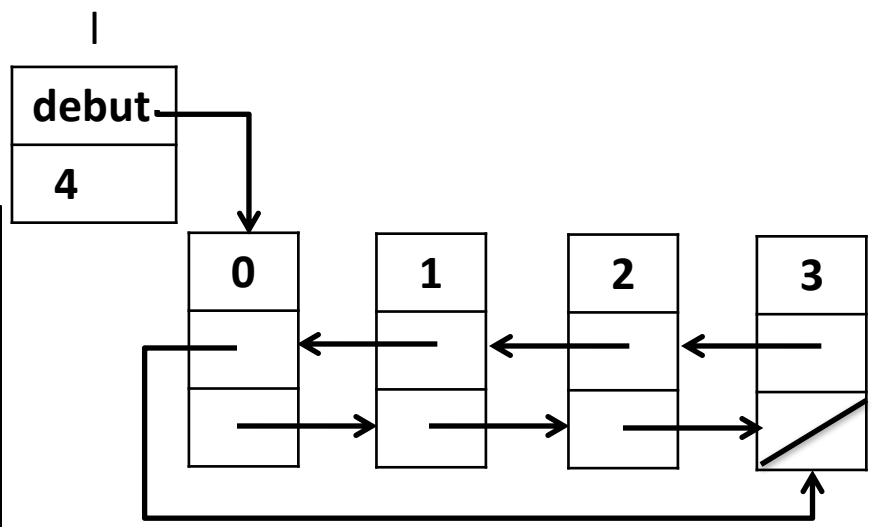
```
void list::operator=(list& l){  
  clear();  
  cell* c = l.debut;  
  while (c != nullptr):  
    push_back(c -> val);  
    c = c -> suiv;  
}
```



Algorithmes

❑ Affectateur

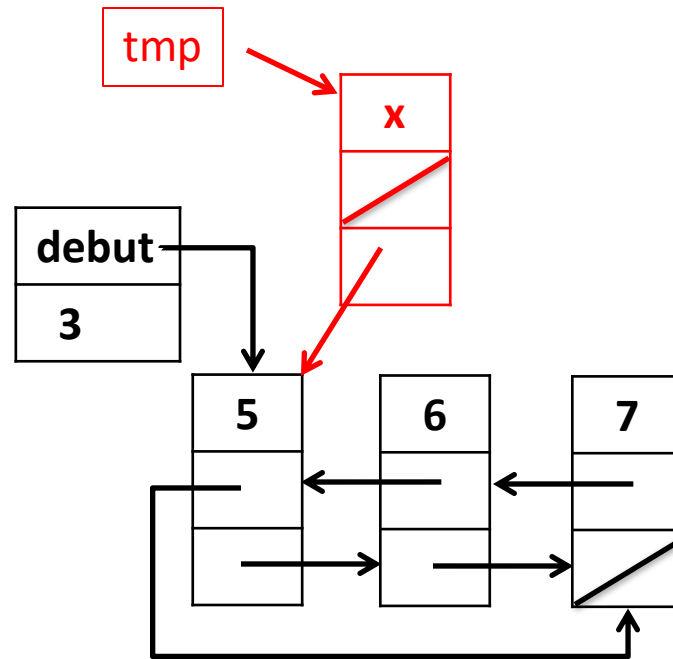
```
void list::operator=(list& l){  
  clear();  
  cell* c = l.debut;  
  while (c != nullptr):  
    push_back(c -> val);  
    c = c -> suiv;  
}
```



Algorithmes

❑ Modificateurs

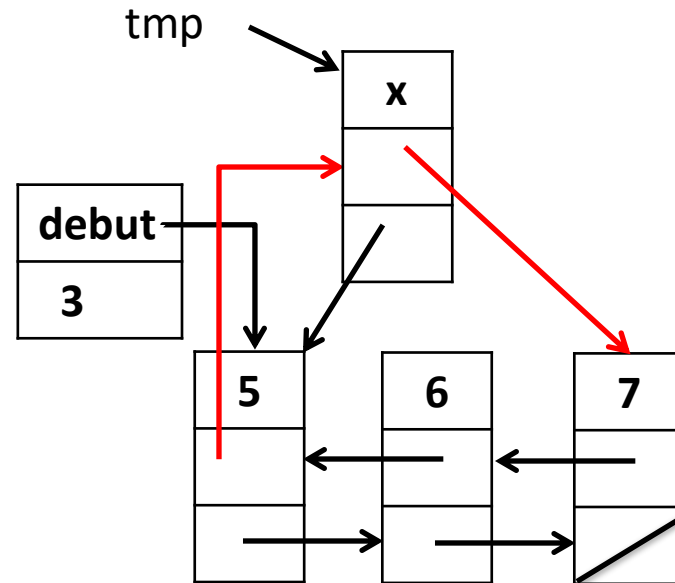
```
void list::push_front(type& x){  
    cell* tmp = new cell(x);  
    tmp -> suiv = debut;  
    if(debut != nullptr){  
        tmp -> prec = debut -> prec;  
        debut -> prec = tmp;  
    }  
    debut = tmp;  
    dim += 1;  
}
```



Algorithmes

❑ Modificateurs

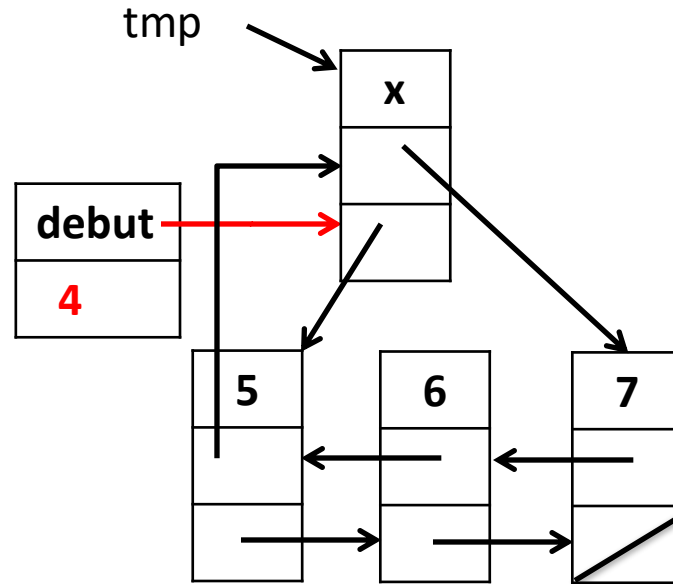
```
void list::push_front(type& x){  
    cell* tmp = new cell(x);  
    tmp -> suiv = debut;  
    if(debut != nullptr){  
        tmp -> prec = debut -> prec;  
        debut -> prec = tmp;  
    }  
    debut = tmp;  
    dim += 1;  
}
```



Algorithmes

❑ Modificateurs

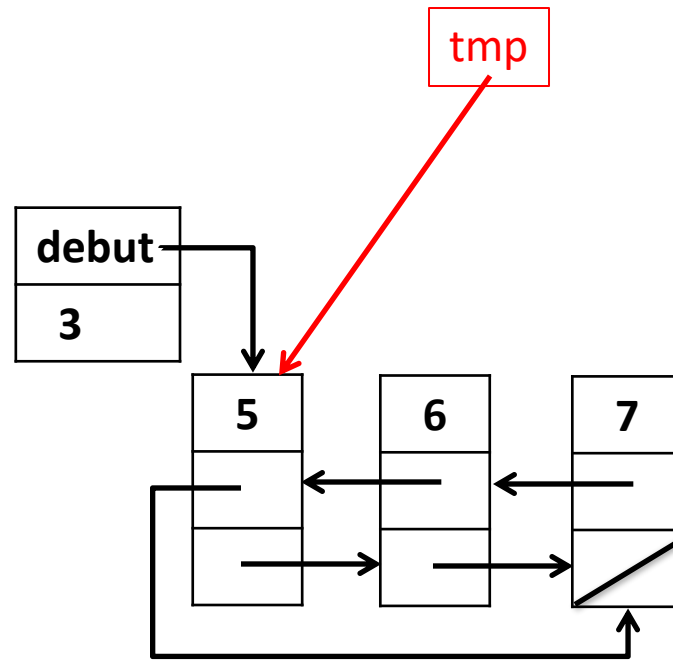
```
void list::push_front(type& x){  
    cell* tmp = new cell(x);  
    tmp -> suiv = debut;  
    if(debut != nullptr){  
        tmp -> prec = debut -> prec;  
        debut -> prec = tmp;  
    }  
    debut = tmp;  
    dim += 1;  
}
```



Algorithmes

❑ Modificateurs

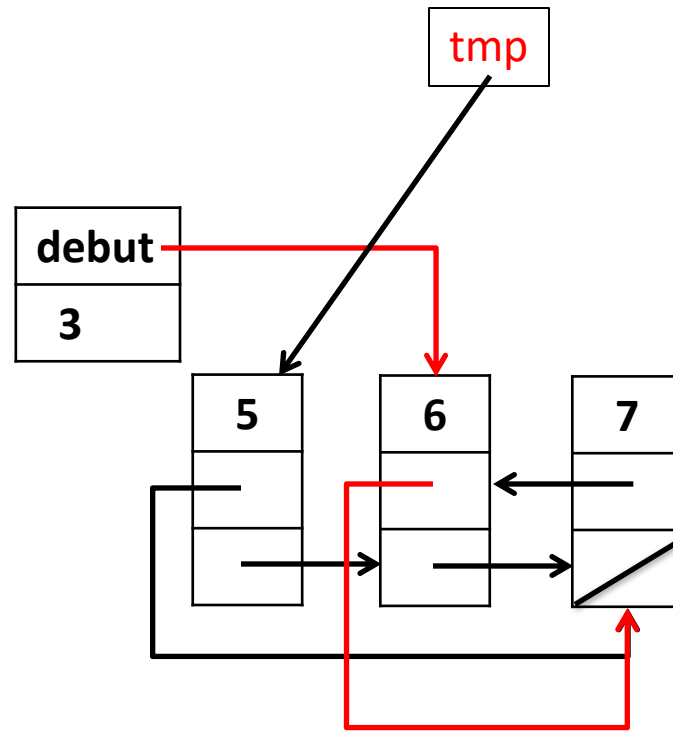
```
void list::pop_front(){  
    cell* tmp = debut;  
    if(debut != nullptr){  
        debut = debut -> suiv;  
        debut -> prec = tmp -> prec;  
        delete tmp;  
        dim -= 1;  
    }  
}
```



Algorithmes

❑ Modificateurs

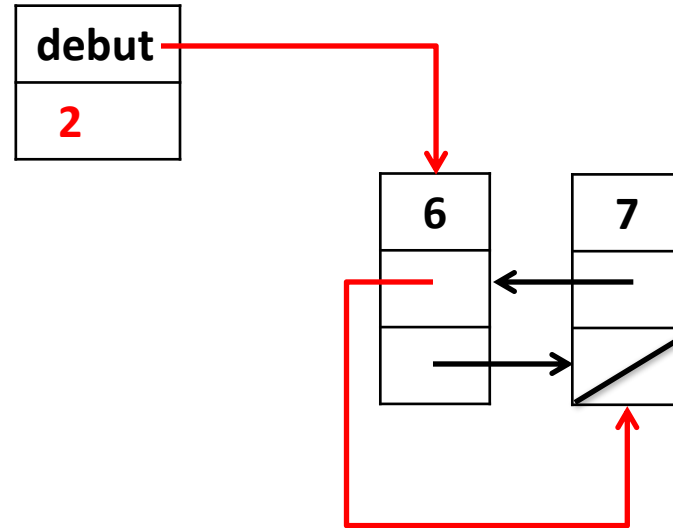
```
void list::pop_front(){
    cell* tmp = debut;
    if(debut != nullptr){
        debut = debut -> suiv;
        debut -> prec = tmp -> prec;
    }
    delete tmp;
    dim -= 1;
}
```



Algorithmes

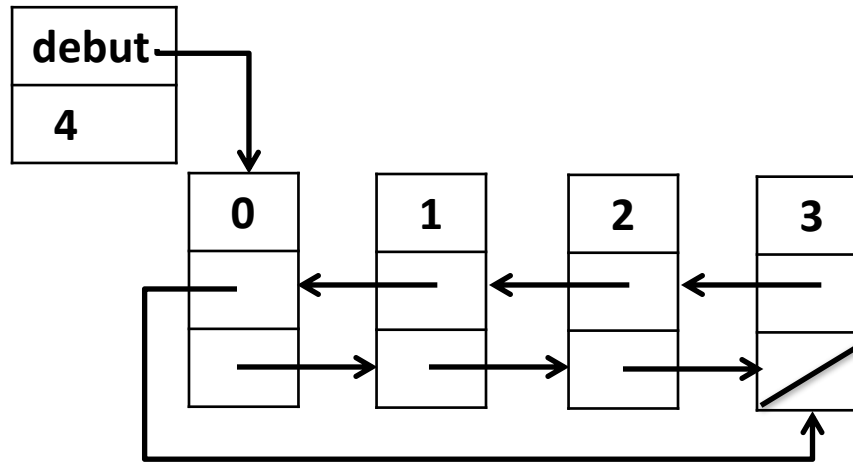
❑ Modificateurs

```
void list::pop_front(){  
    cell* tmp = debut;  
    if(debut != nullptr){  
        debut = debut -> suiv;  
        debut -> prec = tmp -> prec;  
        delete tmp;  
        dim -= 1;  
    }  
}
```



Exercice 1

Écrire le code des fonctions `push_back` et `pop_back` pour cette représentation.



Algorithmes

❑ Modificateurs

```
void list::insert(cell* c, type& x){
```

```
    if(cell == debut)
```

```
        push_front(x);
```

```
    else{
```

```
        cell* tmp = new cell(x);
```

```
        tmp -> suiv = c;
```

```
        tmp -> prec = c -> prec;
```

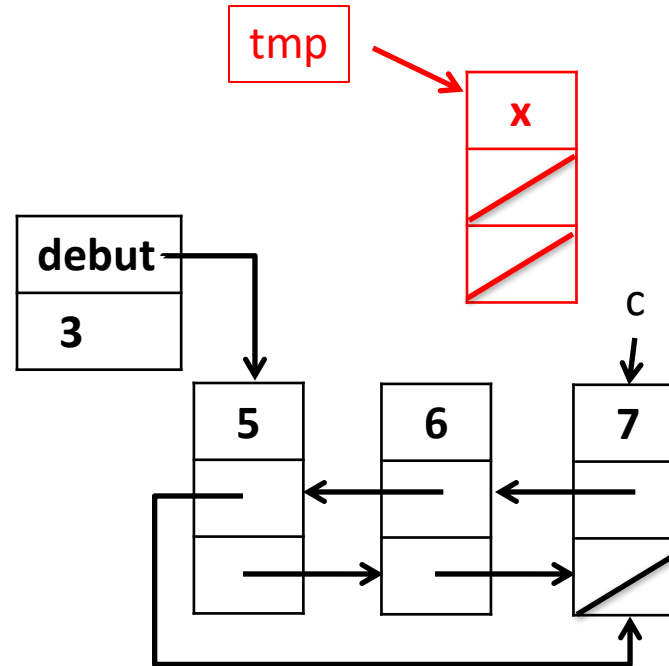
```
        tmp -> suiv -> prec = tmp;
```

```
        tmp -> prec -> suiv = tmp;
```

```
        dim += 1;
```

```
    }
```

```
}
```



Algorithmes

❑ Modificateurs

```
void list::insert(cell* c, type& x){
```

```
    if(cell == debut)
```

```
        push_front(x);
```

```
    else{
```

```
        cell* tmp = new cell(x);
```

```
        tmp -> suiv = c;
```

```
        tmp -> prec = c -> prec;
```

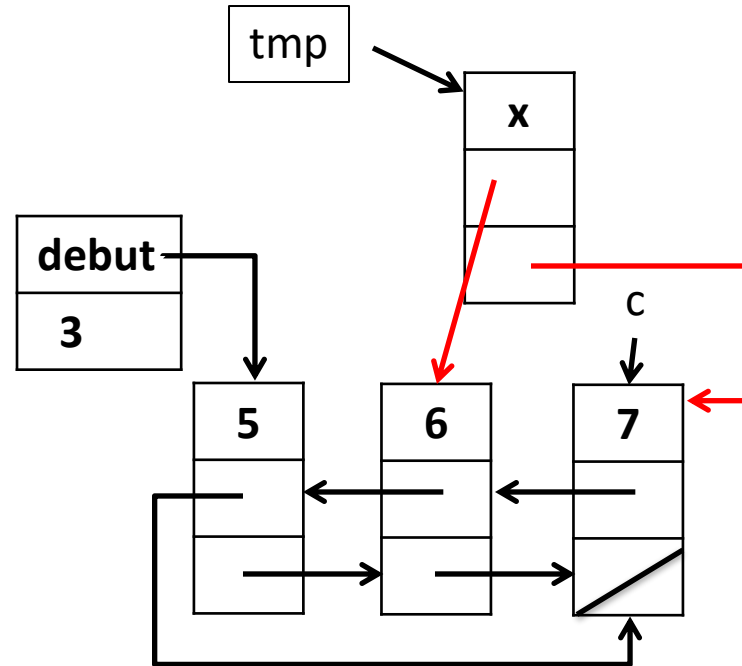
```
        tmp -> suiv -> prec = tmp;
```

```
        tmp -> prec -> suiv = tmp;
```

```
        dim += 1;
```

```
    }
```

```
}
```



Algorithmes

❑ Modificateurs

```
void list::insert(cell* c, type& x){
```

```
    if(cell == debut)
```

```
        push_front(x);
```

```
    else{
```

```
        cell* tmp = new cell(x);
```

```
        tmp -> suiv = c;
```

```
        tmp -> prec = c -> prec;
```

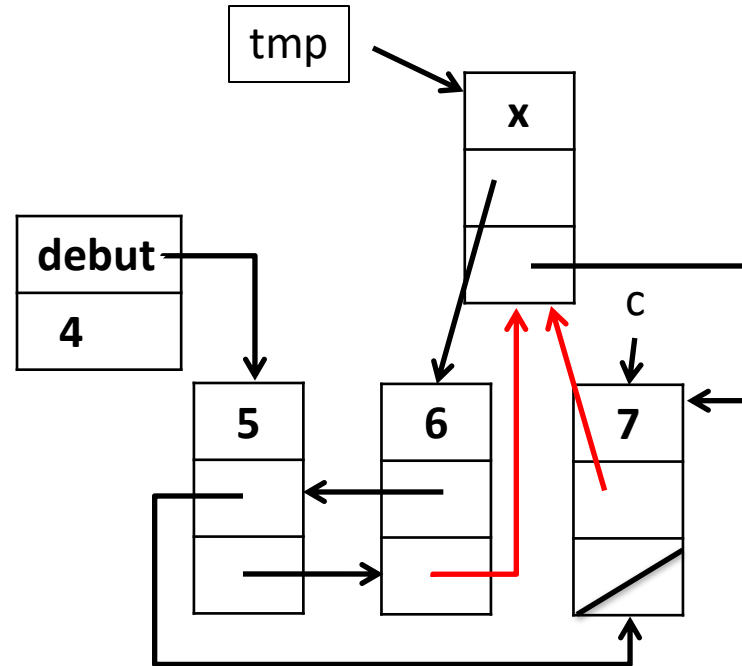
```
        tmp -> suiv -> prec = tmp;
```

```
        tmp -> prec -> suiv = tmp;
```

```
        dim += 1;
```

```
    }
```

```
}
```



Algorithmes

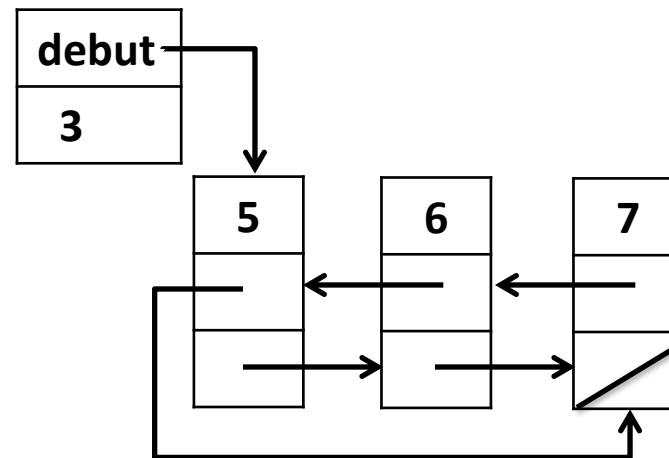
❑ Modificateurs

```
void list::insert(cell* c, type& x){  
  
    if(cell == debut)  
        push_front(x);  
    else{  
        cell* tmp = new cell(x);  
        tmp -> suiv = c;  
        tmp -> prec = c -> prec;  
        tmp -> suiv -> prec = tmp;  
        tmp -> prec -> suiv = tmp;  
        dim += 1;  
    }  
}
```

- 1) Impossible de faire un insert si la list est vide.
- 2) Impossible de faire un insert après le dernier élément ?

Avec cette représentation:

- Le code n'est pas uniforme
- On ne peut pas insérer partout avec la fonction insert.



```

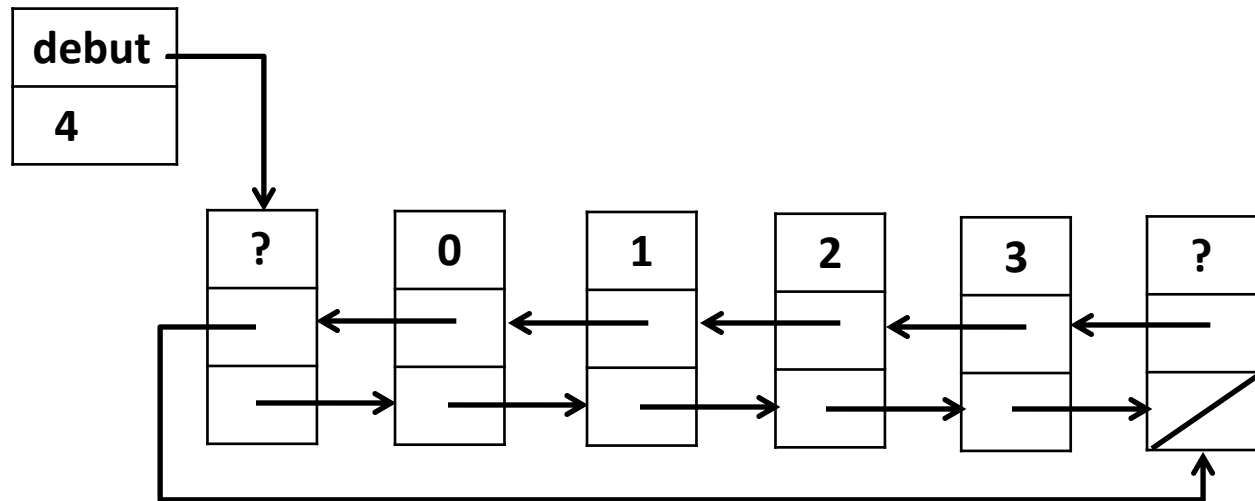
#ifndef _list2_h
#define _list2_h

template <typename
TYPE>
class cell{
private:
type val;
cell* prec, suiv;
public:
cell(type&);
}

template <typename
TYPE>
class list2{
private:
cell *debut;
size_t dim;
public:
...
}
#endif

```

Représentation 2



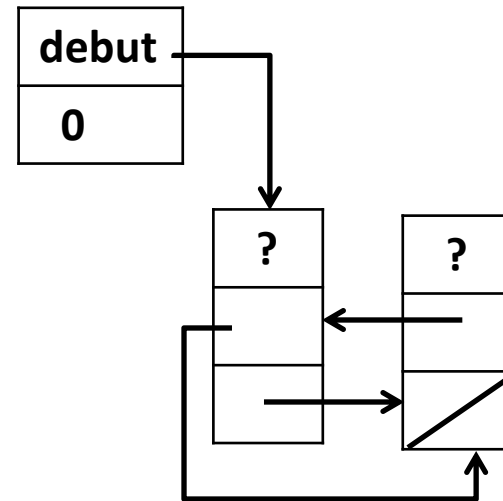
Cellule
fictive
au début

Cellule
fictive
à la fin

Algorithmes

Représentation 2

```
list2::list2(){  
  debut= new cell();  
  cell* fin = new cell();  
  debut -> prec = debut -> suiv = fin;  
  fin -> prec = debut;  
  dim = 0;  
}
```

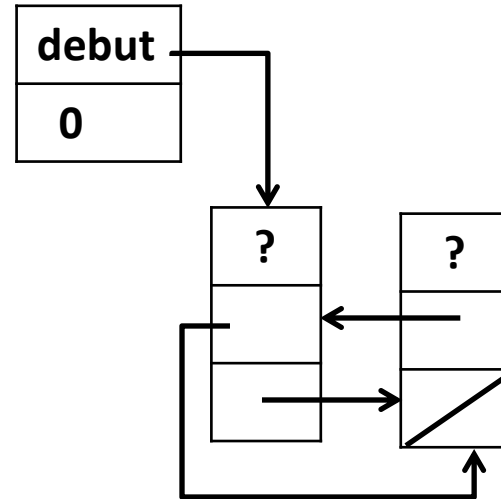


Algorithmes

Représentation 2

```
list2::list2(){  
  debut= new cell();  
  cell* fin = new cell();  
  debut -> prec = debut -> suiv = fin;  
  fin -> prec = debut;  
  dim = 0;  
}
```

```
list2::~~list2(){  
  clear();  
  delete debut -> prec;  
  delete debut;  
  debut = nullptr;  
}
```

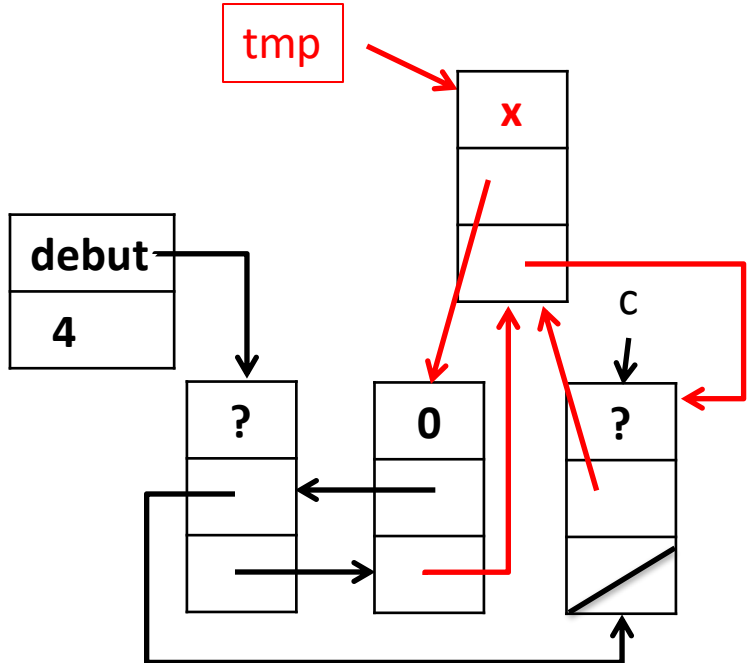
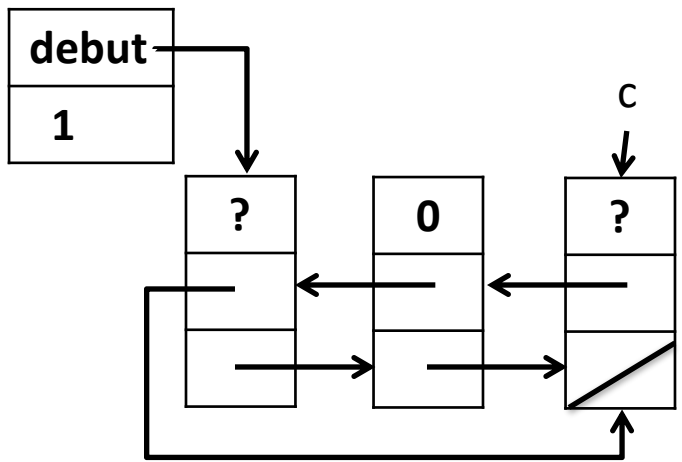


Algorithmes

Représentation 2

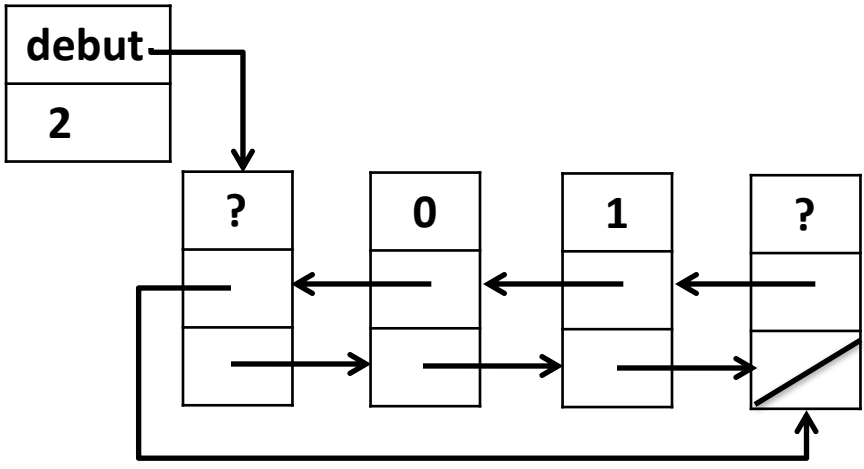
```
void list2::insert(cell* c, type& x){  
    cell* tmp = new cell(x);  
    tmp -> suiv = c;  
    tmp -> prec = c -> prec;  
    tmp -> suiv -> prec = tmp;  
    tmp -> prec -> suiv = tmp;  
    dim += 1;  
}
```

Le code est uniforme



Exercice 2

Écrire le code des fonctions `erase`, `push_front`, `push_back`, `pop_front` et `pop_back` pour cette représentation:
`push_front` et `push_back` utilisent `insert`.
`pop_front` et `pop_back` utilisent `erase`.



Pile (Stack) : Prototypes des opérateurs

- ❑ Principe: dernier inséré, premier retiré (LIFO)
- ❑ Ajout, suppression en $O(1)$
- ❑ Seul le dernier élément inséré est accessible
- ❑ Exemple d'utilisation:
 - gestion de la mémoire,
 - undo/redo,
 - évaluation d'expression mathématiques (deux piles: opérandes et opérateurs)
Exemple : $((5+4)*2)/(2+1)$

Pile (Stack) : Prototypes des opérateurs

❑ Constructeurs

stack : \emptyset → stack& // par défaut
stack : stack& → stack& // par copie

❑ Destructeur

~stack : \emptyset → \emptyset // fait appel à la fonction clear()

❑ Affectateur

operator= : stack& → \emptyset // copie le paramètre dans l'objet appelant

Pile (Stack) : Prototypes des opérateurs

Modificateurs, Accès et Gestion de dimension

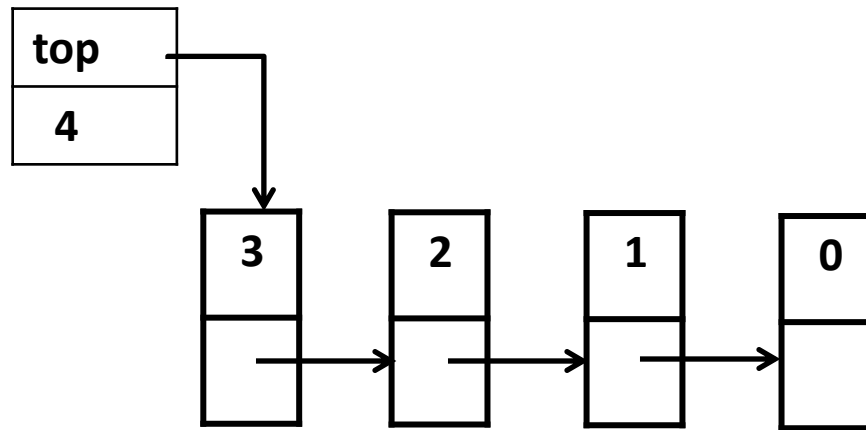
```
push : type& → ∅ // ajoute un élément du <type> au début  
pop: ∅ → ∅ // retire le premier élément  
top: ∅ → type& //retourne le premier élément  
size : ∅ → size_t // retourne la dimension  
empty : ∅ → bool // True si la dimension est 0, False sinon
```

```
#ifndef _stack_h
#define _stack_h
```

```
template <typename
TYPE>
class cell{
private:
type val;
cell* next;
public:
cell(type&);
}
```

```
template <typename
TYPE>
class stack{
private:
cell *top;
size_t dim;
public:
...
}
#endif
```

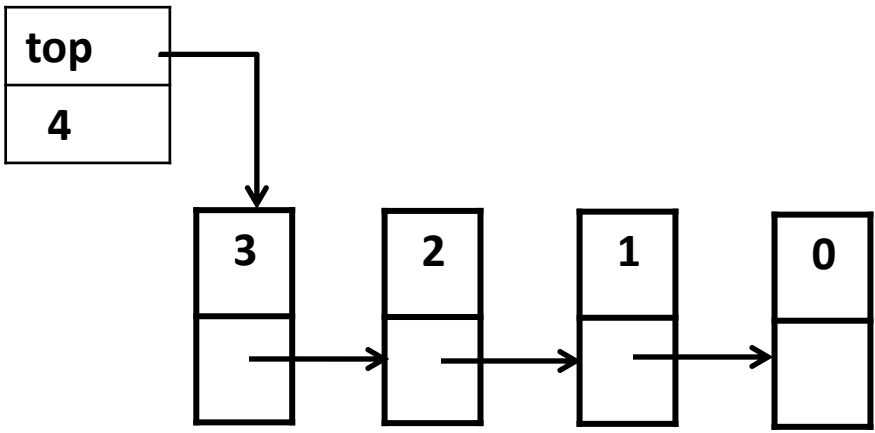
Représentation



- Éléments encapsulés dans des cellules
- Chainage simple

Exercice 3

Écrire tous les opérateurs de la pile pour cette représentation:
Ajout et retrait au top.



File (Queue) : Prototypes des opérateurs

- ❑ Principe: premier inséré, premier retiré (FIFO)
- ❑ Ajout, suppression en $O(1)$
- ❑ Seul le premier élément inséré est accessible

File (Queue) : Prototypes des opérateurs

❑ Constructeurs

queue : \emptyset \rightarrow queue& // par défaut
queue : queue& \rightarrow queue& // par copie

❑ Destructeur

~queue : $\emptyset \rightarrow \emptyset$ // fait appel à la fonction clear()

❑ Affectateur

operator= : queue& $\rightarrow \emptyset$ // copie le paramètre dans l'objet appelant

File (Queue) : Prototypes des opérateurs

Modificateurs, Accès et Gestion de dimension

(push) enqueue : type& → ∅ // ajoute un élément du <type>

(pop) dequeue: ∅ → ∅ // retire un élément

(top) queue: ∅ → type& //retourne le premier élément inséré

size : ∅ → size_t // retourne la dimension

empty : ∅ → bool // True si la dimension est 0, False sinon

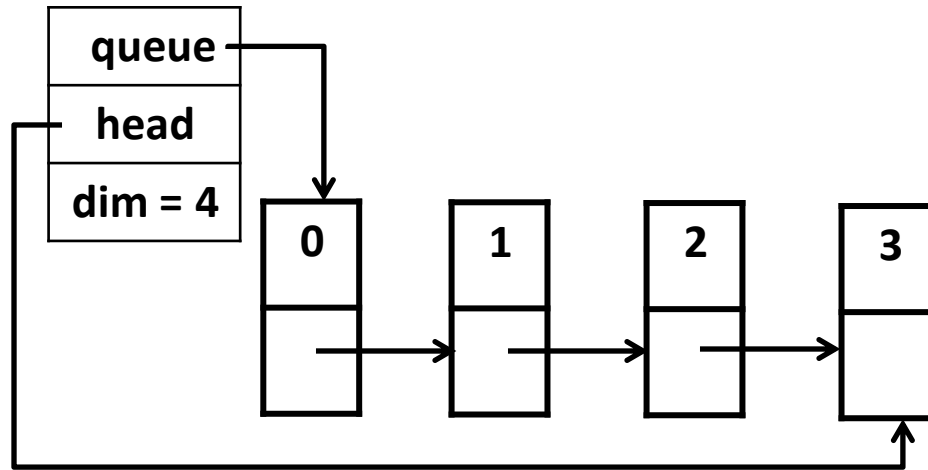
```
#ifndef _queue_h
#define _queue_h
```

```
template <typename
TYPE>
class cell{
private:
type val;
cell* next;
public:
cell(type&);
}
```

```
template <typename
TYPE>
class queue{
private:
cell *queue;
cell *head;
size_t dim;
public:
...
}
```

```
#endif
```

Représentation



- Éléments encapsulés dans des cellules
- Chainage simple

Exercice 4

Écrire tous les operateurs de la file pour cette représentation:
Ajout à la tête; Retrait à la queue.

